# 粒子物理简介 第五节量子色动力学

## 余钊焕

### 中山大学物理学院

#### https://yzhxxzxy.github.io



更新日期: 2024年5月4日



余钊焕 (中山大学)

粒子物理简介:量子色动力学

1 / 28

夸克模型 ●00	量子色动力学 0000	部分子 0000000	强子相互作用 0000000	喷注 
夸克模型				
〜 1964 年 当时认为存 SU(3) <sub>F</sub> 群的 <i>談</i> 介子由-	,盖尔曼和茨威格分 在 3 种 <mark>味道</mark> 的夸克, 勾基础表示,强子具 <sup>;</sup> -对正反夸克组成, <sup>;</sup>	分别提出夸克模型, <i>u、d</i> 和 <i>s</i> ,属于 有 SU(3) <sub>F</sub> 味对称性 构成单态和八重态		

💐 重子由三个夸克组成,构成八重态和十重态



夸克模型	量子色动力学	部分子	强子相互作用	
000	0000	0000000	0000000	00000
<b>杏古</b> 榵刑				

 1964年,盖尔曼和茨威格分别提出夸克模型,当时认为存在3种味道的夸克, u、d和s,属于SU(3)F群的基础表示,强子具有SU(3)F味对称性
 介子由一对正反夸克组成,构成单态和八重态
 重子由三个夸克组成,构成八重态和十重态
 u和d的味对称性就是SU(2)同位旋对称性,SU(3)F味对称性是进一步的推广;根据群表示论, J<sup>P</sup> = 0<sup>-</sup>的赝标量介子是SU(3)F八重态,成分为



 $SU(3)_F$  八重态的权图

 $\pi^{+} = u\bar{d}, \quad \pi^{0} = \frac{1}{\sqrt{2}}(u\bar{u} - d\bar{d}), \quad \pi^{-} = d\bar{u}, \quad \eta_{8} = \frac{1}{\sqrt{6}}(u\bar{u} + d\bar{d} - 2s\bar{s}),$  $K^{+} = u\bar{s}, \quad K^{0} = d\bar{s}, \quad \bar{K}^{0} = s\bar{d}, \quad K^{-} = s\bar{u}$ 

☆ 由于 s 夸克的质量大于 u 和 d 夸克的质量, SU(3)<sub>F</sub> 味对称性不是严格成立的,
同个多重态中的粒子存在不小的质量差异

余钊焕 (中山大学)



 $\frac{1}{2}$  把 c 夸克也加入进来,上述对称性可以进一步推广为 SU(4)<sub>F</sub> 味对称性 2 由于 c 夸克很重,同个多重态中粒子的质量差异更大





 $J^P = 0^-$  介子 15 重态及单态  $J^P = \frac{1}{2}^+$  重子 20 重态  $J^P = \frac{3}{2}^+$  重子 20 重态





 $J^P = 0^-$  介子 15 重态及单态  $J^P = \frac{1}{2}^+$  重子 20 重态  $J^P = \frac{3}{2}^+$  重子 20 重态

▲ 上述自旋为 3/2 的重子多重态中存在  $\Delta^{++} \sim uuu, \Delta^{-} \sim ddd, \Omega^{-} \sim sss$  和  $\Omega_{ccc}^{++} \sim ccc$  这样的重子。它们是 3 个同味夸克组成的 *L* = 0 的态,因而 3 个夸克的 自旋取向必须相同才能得到 *J* = 3/2。根据泡利不相容原理,全同费米子不能处于 相同的状态,这预示着夸克具有额外的内部自由度——颜色。

余钊焕

(中山大学)

夸克模型	量子色动力学	部分子	强子相互作用	喷注
○○●	0000	00000000	0000000	
颜色自由度				

外 从实验上确立的强子态基本都可以用一个正夸克加一个反夸克(介子)、三个正夸克(正重子)和三个反夸克(反重子)组成的体系来描述

- ? 为什么两个正夸克或四个正夸克构成的强子态不存在呢?
- **颜色自由度**的引入解决了这个问题

夸克模型	量子色动力学	部分子	强子相互作用	喷注
○○●	0000	00000000	0000000	00000
颜色自由度				

外 从实验上确立的强子态基本都可以用一个正夸克加一个反夸克(介子)、三个正夸克(正重子)和三个反夸克(反重子)组成的体系来描述

? 为什么两个正夸克或四个正夸克构成的强子态不存在呢?

颜色自由度的引入解决了这个问题

余钊焕 (中山大学)

 夸克具有 SU(3)<sub>C</sub> 色对称性,每味夸克具有 3 种颜色, 构成 SU(3)<sub>C</sub> 群的基础表示,可记为

 $q^{i}$  (i = 1, 2, 3; q = d, u, s, c, b, t)

假子都是色单态;介子中两个夸克的颜色必须相反,以组成色单态;重子中三个夸克的颜色各不相同,组成
 全反对称的色单态

 一两个正夸克或四个正夸克不能组成色单态,因而不 构成强子态

😑 用 SU(3)<sub>C</sub> 色对称性构建规范理论,得到量子色动力学





夸克模型 000	量子色动力学 ●000	部分子 00000000	强子相互作用 0000000	喷注 
非阿贝尔	规范理论			
~	and the second			

SU(3)群是个非阿贝尔群,它的生成元彼此不对易,因而它的规范变换形式与
 U(1)群(阿贝尔群)不同。非阿贝尔群的规范理论由杨振宁和米尔斯于 1954 年提出,也称为杨-米尔斯理论,其规范场也称为杨-米尔斯场。

夸克模型	量子色动力学	部分子	强子相互作用	喷注
	●000	0000000	0000000	
北京日ケ	抑苏理论			

SU(3) 群是个非阿贝尔群,它的生成元彼此不对易,因而它的规范变换形式与
 U(1) 群(阿贝尔群)不同。非阿贝尔群的规范理论由杨振宁和米尔斯于 1954 年提出,也称为杨-米尔斯理论,其规范场也称为杨-米尔斯场。

**禄** 对于非阿贝尔李群,生成元  $t^a$  满足  $[t^a, t^b] = i f^{abc} t^c$ ,依赖时空坐标的群变换为  $U(x) = \exp[i\theta^a(x)t^a]$ ;旋量场  $\psi$  和规范场  $A^a_\mu$  的规范变换是

 $\psi(x) \to U(x)\psi(x), \quad A^a_\mu(x)t^a \to U(x)A^a_\mu(x)t^aU^{\dagger}(x) - \frac{\mathrm{i}}{g}U(x)\partial_\mu U^{\dagger}(x)$ 

🍪 定义协变导数  $D_{\mu} = \partial_{\mu} + igA^a_{\mu}t^a$ ,就可以得到  $D_{\mu}\psi(x) \rightarrow U(x)D_{\mu}\psi(x)$ 

💡 从而,具有非阿贝尔规范对称性的拉氏量是

$$\mathcal{L}_{
m YM} = ar{\psi} \mathrm{i} \gamma^\mu D_\mu \psi - m ar{\psi} \psi - rac{1}{4} F^a_{\mu
u} F^{a,\mu
u}$$

 ${invert} invert$ 其中规范场的场强张量  $F^a_{\mu
u}\equiv\partial_\mu\,A^a_
u-\partial_
u\,A^a_\mu-gf^{abc}A^b_\mu A^c_
u$ 

# 量子色动力学 🔔 量子色动力学(Quantum Chromodynamics)简称 QCD,是 SU(3)<sub>C</sub> 非阿贝尔规 **范理论**,规范场记作 *G*<sup>*a*</sup><sub>*u*</sub> ,规范玻色子为 8 种胶子,拉氏量为 $\mathcal{L}_{\rm QCD} = \sum \bar{q} (i \gamma^{\mu} D_{\mu} - m_q) q - \frac{1}{4} G^a_{\mu\nu} G^{a,\mu\nu}, \quad q = d, u, s, c, b, t, \quad a = 1, \cdots, 8$ �� 协变导数 $D_{\mu} = \partial_{\mu} + ig_s G^a_{\mu} t^a$ , $G^a_{\mu\nu} \equiv \partial_{\mu} G^a_{\nu} - \partial_{\nu} G^a_{\mu} - g_s f^{abc} G^b_{\mu} G^c_{\nu}$ 🝬 💁 称为<mark>强耦合常数,结构常数</mark> ƒ<sup>аbc</sup> 对 3 个指标全反对称,独立分量为 $f_{123} = 1$ , $f_{147} = f_{246} = f_{257} = f_{345} = f_{516} = f_{637} = 1/2$ , $f_{458} = f_{678} = \sqrt{3}/2$ $\lambda_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i & 0 \\ i & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_4 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ $\lambda_5 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -\mathbf{i} \\ 0 & 0 & 0 \\ \cdot & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_6 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_7 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\mathbf{i} \\ 0 & \cdot & 0 \end{pmatrix}, \quad \lambda_8 = \frac{1}{\sqrt{3}} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{pmatrix}$

余钊焕 (中山大学)



 - <sup>1</sup>/<sub>4</sub>G<sup>a</sup><sub>µν</sub>G<sup>a,µν</sup>项带来非阿贝尔规范理论特有的以

 **下规范玻色子自相互作用顶点**——胶子的三线性和

 四线性自相互作用顶点



$$g; b, v \xrightarrow{p}_{q} g; c, \rho = -g_{s} f^{abc} \left[ g^{\mu\nu} (k-p)^{\rho} + g^{\nu\rho} (p-q)^{\mu} + g^{\rho\mu} (q-k)^{\nu} \right]$$

$$g; a, \mu$$

$$g; b, \nu = -ig_{s}^{2} \left[ f^{abe} f^{cde} (g^{\mu\rho} g^{\nu\sigma} - g^{\mu\sigma} g^{\nu\rho}) + f^{ace} f^{bde} (g^{\mu\nu} g^{\rho\sigma} - g^{\mu\sigma} g^{\nu\rho}) + f^{ade} f^{bce} (g^{\mu\nu} g^{\rho\sigma} - g^{\mu\rho} g^{\nu\sigma}) \right]$$

余钊焕 (中山大学)



⑤ 受高阶量子修正的影响,耦合常数不完全是"常数",而是会"跑动"的,即数值依赖于能标 Q

ightarrow 在量子电动力学中,电磁耦合常数  $\alpha = e^2/(4\pi)$  随能标升高而增大

 $ot 
ot 
ot 
ot 
ot 
ot 
ot 
ot 
ctrl{stress} 
equation (4\pi) 
boundary (4\pi) 
b$ 



🝿 由于高能标意味着短距离,这个特性被称为 QCD 的渐近自由



🍮 由于质量太大,顶夸克会在禁闭之前先衰变,因而不会被束缚在强子中

余钊焕 (中山大学)

夸克模型	量子色动力学	部分子	强子相互作用	喷注
000		●0000000	0000000	
深度非弹性散	射与部分子模型			

\*\*\* 1960年代末,在高能轻子与核子散射的实验中发现,出现 大动量转移过程的概率很高,即常常发生深度非弹性散射



## 深度非弹性散射与部分子模型

\*\*\* 1960年代末,在高能轻子与核子散射的实验中发现,出现 大动量转移过程的概率很高,即常常发生深度非弹性散射

- 这意味着核子内部存在局域的散射中心,类似于卢瑟福散 射实验中 a 粒子与原子中局域的原子核发生散射的情况
- III 据此,费曼于 1969 年提出部分子模型,假设强子由一些 在深度非弹性散射中几乎自由的部分子组成

进一步研究表明,有些部分子与夸克具有相同的量子数, 它们就是夸克;其它部分子是电中性的,后来证实是胶子



R. Feynman (1918-1988)



部分子 ●00000000







余钊焕 (中山大学)

### Bjorken 标度律

 ${igstyle m}$ 从上述公式抽取结构函数  $F_2(x) = \sum Q_i^2 \, x \, f_{i/p}(x)$  来描述质子的夸克结构

部分子

00000000

 $= F_2(x)$ 不依赖于  $Q^2$ ,这个现象称为 Bjorken 标度律 (scaling)

 $egin{subarray}{c} M \ & ext{Bjorken}$  杨度律是**近似**的,它在  $Q^2$  变化范围较大时遭到 $\overline{\mathbf{w}}$ 坏

🔊 部分子可以通过 QCD 耦合辐射出更多 部分子; Q 越大, 辐射部分子的数量越多 () 虚度为  $\mu^2 = p^{\mu} p_{\mu} > 0$  的部分子能够自 由地参与空间尺度  $\Delta x \sim 1/\mu$  的散射过程  $\mathbf{P}$   $\mu$  是能够**分辨**自由部分子的因子化能标, 受到动量转移 Q 的限制,  $\mu < Q$ 受 QCD 耦合影响, PDF 实际上依赖于 能标  $\mu$ ,结构函数依赖于动量转移 Q $f_{i/n}(x) \to f_{i/n}(x,\mu^2), \quad F_2(x) \to F_2(x,Q^2)$ 

量子色动力学





$$\int_0^1 \mathrm{d}x \sum_i x f_{i/p}(x,\mu^2) = 1, \quad i = g, d, u, s, c, b, \bar{d}, \bar{u}, \bar{s}, \bar{c}, \bar{b}$$

余钊焕 (中山大学)

#### 

分别 强子 h 中部分子 i 的 PDF 随能标的演化由 Dokshitzer-Gribov-Lipatov-Altarelli-Parisi (DGLAP) 方程描述

$$\frac{\partial f_{i/h}(x,\mu^2)}{\partial \ln \mu^2} = \frac{\alpha_{\rm s}(\mu^2)}{2\pi} \int_x^1 \frac{\mathrm{d}z}{z} \sum_j P_{i \leftarrow j}(z) f_{j/h}\left(\frac{x}{z},\mu^2\right)$$





余钊焕 (中山大学)



余钊焕 (中山大学)

粒子物理简介:量子色动力学

14 / 28

## 中微子-核子散射

🐳 由于同位旋对称性,质子 p 和中子 n 的 PDF 有一定的联系

$$f_{u/n} = f_{d/p}, \quad f_{d/n} = f_{u/p}, \quad f_{\bar{u}/n} = f_{\bar{d}/p}, \quad f_{\bar{d}/n} = f_{\bar{u}/p}$$

部分子 \_\_\_\_\_\_000000000000

 ${}_{igstackingle}$  反强子 PDF 与正强子 PDF 也有关联, $f_{q/ar{p}}=f_{ar{q}/p}$ , $f_{g/ar{p}}=f_{g/p}$ ,

#### 余钊焕 (中山大学)



余钊焕 (中山大学)

粒子物理简介:量子色动力学

16 / 28

## 强子-强子硬散射

🦬 对于大动量转移,强子 A 与 B 的 QCD 硬散射微分截面可用 PDF 表达为

$$\frac{\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{hard}}(s)}{\mathrm{d}p_{\mathrm{T}}} = \int \mathrm{d}x_1 \,\mathrm{d}x_2 \sum_{ijkl} \frac{1}{1+\delta_{kl}} \,f_{i/A}(x_1,\mu^2) \,f_{j/B}(x_2,\mu^2) \,\frac{\mathrm{d}\hat{\sigma}_{ij\to kl}(\hat{s})}{\mathrm{d}p_{\mathrm{T}}}$$

可以用 pT 的大小衡量散射过程的软硬程度

## 强子-强子硬散射

🦬 对于大动量转移,强子 A 与 B 的 QCD 硬散射微分截面可用 PDF 表达为

$$\frac{\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{hard}}(s)}{\mathrm{d}p_{\mathrm{T}}} = \int \mathrm{d}x_1 \,\mathrm{d}x_2 \sum_{ijkl} \frac{1}{1+\delta_{kl}} f_{i/A}(x_1,\mu^2) f_{j/B}(x_2,\mu^2) \,\frac{\mathrm{d}\hat{\sigma}_{ij\to kl}(\hat{s})}{\mathrm{d}p_{\mathrm{T}}}$$

 $ot \hspace{-0.1cm} 
ot \hspace{-0.1cm} 
ot \hspace{-0.1cm} 
ot \hspace{-0.1cm} p_{\mathrm{T}}$  是任一末态部分子的横向动量, $\hat{s}$  受到  $p_{\mathrm{T}}$  的限制, $\hat{s} \geq 4 p_{\mathrm{T}}^2$ 

$$\sigma_{\text{hard}}(s) \sim \int_{4p_{\text{T}}^2/s}^1 \frac{\mathrm{d}x_1}{x_1} x_1^{-\lambda} \int_{4p_{\text{T}}^2/(x_1s)}^1 \frac{\mathrm{d}x_2}{x_2} x_2^{-\lambda} \sim s^{\lambda} \ln s$$

 $ightarrow s^{\lambda}$  因子反映 PDF 在低 x 处的行为, $\ln s$  因子反映末态相空间的增大

余钊焕 (中山大学)

夸克模型

量子色动力等

前方ナ

强子相互作用 0●000000 喷注 00000

对撞机过程产生截面



余钊焕 (中山大学)

夸克模型	量子色动力学	部分子	强子相互作用	喷注
000			00●0000	00000
软过程				

 $ho_{
m M}$  强子相互作用中的<mark>软过程</mark>具有很小的动量转移, $Q^2 \lesssim \Lambda^2_{
m QCD}$ 

由于夸克禁闭,软过程中的 部分子不是自由的





夸克模型 000	量子色动力学 0000	部分子 0000000	强子相互作用 000●000	喷注 
碎裂函数				
₩ 在单举 function) 排	<mark>載面</mark> 的因子化微扰计算 插述 <mark>强子化</mark> 过程	算框架中,可以用普适 500	的碎裂函数 (fragmen	ntation
────────────────────────────────────	子对撞过程 $e^+e^- ightarrow c^+$ 数分单举截面可以表达	$\gamma/Z \rightarrow h + X$ 中 $100$ 50 次为 $20$	$\sqrt{s=91}$ Ge	● LEP F <sub>T</sub>
$\frac{1}{\sigma_0} \frac{\mathrm{d}^2 d}{\mathrm{d}x  \mathrm{d}x}$	$\frac{\sigma}{\cos\theta} = \frac{3}{8}(1+\cos^2\theta)$	$F^h_{\mathrm{T}}(x,s)$		ο LEP F <sub>L</sub>
+ 🤝 👦 是归	$\frac{1}{4}\sin^2\theta F_{\rm L}^{\mu}(x,s) + \frac{1}{4}$ 日一化因子, $x = 2E_h/$	$\cos  heta  F_{ m A}^{**}(x,s) = 0.3 \ 0.1 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \$		•- •-
能量分数,	$\theta$ 是质心系中 $h$ 运动	方向与电子束 <sup>0.005</sup>		

0.002 0.001

0.0005

(x) = 0.4

-0.8

流方向的夹角

(中山大学)

余钊焕

🐳 不对称碎裂函数  $F_{\rm A}^h$  描述宇称破坏效应

粒子物理简介:量子色动力学

0.2

0.3 0.4 0.5 0.6 0.7

х

▼ LEP F<sub>A</sub>

0.8 0.9

[PDG 2018]

## 部分子碎裂函数

🦙 上述微分截面对 θ 积分,就得到总碎裂函数  $F^h(x,s) = F^h_{\Gamma}(x,s) + F^h_{\Gamma}(x,s)$  $\frac{1}{\sigma_0}\frac{\mathrm{d}\sigma}{\mathrm{d}x} = F^h(x,s) = \sum_{i} \int_x^1 \frac{\mathrm{d}z}{z} C_i\left(z,\alpha_\mathrm{s}(\mu^2),\frac{s}{\mu^2}\right) D_i^h\left(\frac{x}{z},\mu^2\right) + \mathcal{O}\left(\frac{1}{\sqrt{s}}\right)$ 200 (b) 0.02<x<0.05 ④ 系数函数 C<sub>i</sub> 依赖于部分子类型 100 · 0.05<x<0.1 💮 部分子碎裂函数  $D_i^h(z, \mu^2)$  描述部分子 i 碎裂出具有动量分数 z 的强子 h 的数量  $1/\sigma_{tot} d\sigma/dx$  $\overset{\bullet}{\Longrightarrow}$ 能动量守恒要求  $\int_x^1 dz \sum_i z D_i^h(z, \mu^2) = 1$ 0.3 0.2 0.4 • TASO • 0.6<x<0.8 0.1 • TASO • ALEPH • TRY • 15 AL • TASO • ALEPH • TRY • 15 AL • TASO • ALEPH • TASO • TASO • ALEPH • TASO • TASO • ALEPH • TASO  $\frac{\partial D_i^h(x,\mu^2)}{\partial \ln \mu^2} = \sum_{\mathbf{x}} \int_x^1 \frac{\mathrm{d}z}{z} \,\tilde{P}_{i\leftarrow j}(z,\alpha_\mathrm{s}(\mu^2)) \, D_j^h\left(\frac{x}{z},\mu^2\right)$ 参 在 QCD 领头阶,  $\tilde{P}_{i\leftarrow j}(z, \alpha_{\rm s}) = \frac{\alpha_{\rm s}}{2\pi} P_{i\leftarrow j}(z)$ 25 50 75 100 125 150 175 200 √s [GeV]

余钊焕 (中山大学)



http://home.thep.lu.se/~torbjorn/Pythia.html

● 假设在高能对撞中产生一对正反夸克,构成色单态系统,认为夸克的动能储存在 一根两端连接着它们的弦 (string) 中

● 当弦储存的能量密度足够高时, 量子涨落导致出现一对正反夸克或双 夸克 (diquark),将弦断开成两根弦

这些弦持续断裂,直到每根弦储 存的能量密度过低,不足以提供给进 一步的量子涨落

<mark>。</mark> 按照夸克成分和不变质量将每个 色单态系统辨识为相应的<mark>强子</mark>







余钊焕 (中山大学)

粒子物理简介:量子色动力学

23 / 28

夸克模型	量子色动力学	部分子	强子相互作用	喷注
000	0000	0000000	0000000	●0000
部分子与喷	责注			

一个高能部分子产生之后,将经历末态辐射、部分子簇射和强子化过程,形成一 串几乎从同一个方向出射的粒子(主要是强子),称为喷注 (jet)



[From M. Cacciari's talk (2013)]

余钊焕 (中山大学)



余钊焕 (中山大学)

粒子物理简介:量子色动力学

25 / 28

喷注 00000 喷注聚闭算法 紅外-共线稳定:观测量在 QCD 无穷软辐射和共线分裂极限下**不变** 🧉 将粒子结合成喷注,需要采取一定的喷注聚团算法 **鞏, Cone 算法:**给定角半径 R,组合满足  $\Delta R < R$  的粒子,寻找稳定圆锥 🍡 从种子开始的 Cone 算法:只能找到部分稳定圆锥,红外-共线不稳定 🐜 SISCone 算法:不需要种子,能找到所有稳定圆锥,红外-共线稳定 📷 依序重组算法: 用粒子的横向动量 km, 和 km, 定义 "距离"  $d_{ij} = \min\left(k_{\mathrm{T},i}^{2p}, k_{\mathrm{T},j}^{2p}\right) \left(\frac{\Delta R_{ij}}{R}\right)^2$ ,从距离最近的粒子逐步重组

**狐** $<math>k_{\rm T}$  算法: p = 1,从最软的粒子开始,红外一共线稳定
 **逾** 剑桥一亚琛算法: p = 0,从方向最接近的粒子开始,红外一共线稳定
 **〇 Anti-** $k_{\rm T}$  算法: p = -1,从最硬的粒子开始,红外一共线稳定

余钊焕 (中山大学)

-2

Cam/Aachen, R=1



量子色动力学 0000



[Cacciari, Salam, Soyez, arXiv:0802.1189, JHEP]

余钊焕 (中山大学)

粒子物理简介:量子色动力学

p<sub>t</sub> [GeV]

25 20

15

10

5 6

27 / 28



## 0 •贝/工作1 7 •贝/工

通过多种运动学变量发展喷注标记技术, 能够区分来自 b 夸克和 7 轻子的喷注与来自 轻夸克和胶子的喷注

- 🖊 b 喷注:标记效率约为 60-80%
- $\mathbf{I}_{\mathbf{b}}^{\mathbf{b}}$  B 介子 (如  $B^{0}$  和  $B^{\pm}$ ) 衰变引起偏移的第二顶点
- 🍓 b 喷注中的**软电子和软 μ 子数量多于其它喷注**



[ATLAS coll., CONF-2014-004]



[ATLAS coll., arXiv:1412.7086, EPJC]

余钊焕 (中山大学)